

Uogólnienia skończonych krat modularnych

Agnieszka Stocka

Uniwersytet w Białymstoku

e-mail: stocka@math.uwb.edu.pl

Niech L będzie kratą skończoną oraz $X = \{x_1, \dots, x_n\} \subset L \setminus \{1\}$. Powiemy, że X jest:

- *zbiorem niezależnym* w kracie L , jeśli dla każdego $1 \leq i \leq n$ spełniony jest warunek

$$\left(\bigwedge_{j \neq i} x_j \right) \vee x_i = 1,$$

- *zbiorem ciągowo niezależnym (s -niezależnym)* w kracie L , jeśli dla każdego $1 < i \leq n$ spełniony jest warunek

$$\left(\bigwedge_{j < i} x_j \right) \vee x_i = 1.$$

Kratę L nazwiemy *dualnie zrównoważoną*, jeśli dowolny ciągowo niezależny podzbiór L jest niezależny. Kratę L nazwiemy *M -kratą*, jeśli dowolny ciągowo niezależny podzbiór złożony z atomów dualnych kraty L jest niezależny. Dowolna krata modularna jest kratą dualnie zrównoważoną, a dowolna krata dualnie zrównoważona jest M -kratą.

Celem referatu jest przedstawienie tych własności krat modularnych, które dają się przenieść na zdefiniowane powyżej klasy krat oraz własności zbiorów niezależnych w takich kratach.

Rezultaty dotyczące zbiorów niezależnych w kratach modularnych możemy znaleźć w pracy [1]. Pojęcia i własności krat dualnie zrównoważonych i M -krat przedstawione są m. in. w pracach [2] i [3].

MSC (2020): 06C05, 08A05

Literatura

- [1] P. Grzeszczuk, E. R. Puczyłowski, *On Goldie and dual Goldie dimensions*, J. Pure Appl. Algebra, 1984, 31, 47–54.
- [2] J. Krempa, B. Terlikowska-Osłowska, *On uniform dimension of lattices*, Contributions to general algebra (Linz), 1994, 9, 219–230.
- [3] A. Stocka, *On generalization of modular lattices*, Bull. Sect. Log., ukaze się.